

# laws of logic

cs201.1

16 february 1999

## equivalence laws

$p \wedge T$	$\Leftrightarrow$	$p$	identity
$p \vee F$	$\Leftrightarrow$	$p$	
$p \vee T$	$\Leftrightarrow$	$T$	domination
$p \wedge F$	$\Leftrightarrow$	$F$	
$p \vee p$	$\Leftrightarrow$	$p$	idempotent
$p \wedge p$	$\Leftrightarrow$	$p$	
$p \vee q$	$\Leftrightarrow$	$q \vee p$	commutative
$p \wedge q$	$\Leftrightarrow$	$q \wedge p$	
$(p \vee q) \vee r$	$\Leftrightarrow$	$p \vee (q \vee r)$	associative
$(p \wedge q) \wedge r$	$\Leftrightarrow$	$p \wedge (q \wedge r)$	
$p \vee (q \wedge r)$	$\Leftrightarrow$	$(p \vee q) \wedge (p \vee r)$	distributive
$p \wedge (q \vee r)$	$\Leftrightarrow$	$(p \wedge q) \vee (p \wedge r)$	
$\neg(p \vee q)$	$\Leftrightarrow$	$\neg p \wedge \neg q$	DeMorgan's
$\neg(p \wedge q)$	$\Leftrightarrow$	$\neg p \vee \neg q$	
$p \vee \neg p$	$\Leftrightarrow$	$T$	inverse
$p \wedge \neg p$	$\Leftrightarrow$	$F$	
$p \vee (p \wedge q)$	$\Leftrightarrow$	$p$	absorption
$p \wedge (p \vee q)$	$\Leftrightarrow$	$p$	
$p \rightarrow q$	$\Leftrightarrow$	$\neg p \vee q$	implication
$p \leftrightarrow q$	$\Leftrightarrow$	$(p \rightarrow q) \wedge (q \rightarrow p)$	biconditional
$\neg(\neg p)$	$\Leftrightarrow$	$p$	double negation

rules of inference

$p$		$\Rightarrow p \vee q$	addition
$p \wedge q$		$\Rightarrow p$	simplification
<hr/>	<hr/>	<hr/>	<hr/>
$p$	$q$	$\Rightarrow p \wedge q$	conjunction
$p \rightarrow q$	$p$	$\Rightarrow q$	modus ponens
$p \rightarrow q$	$\neg q$	$\Rightarrow \neg p$	modus tollens
$p \rightarrow q$	$q \rightarrow r$	$\Rightarrow p \rightarrow r$	hypothetical syllogism
<hr/>	<hr/>	<hr/>	<hr/>
$p \vee q$	$\neg q$	$\Rightarrow p$	disjunctive syllogism